

Segundo parcial_1997:

1) Calcular $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{n-2}{n+5} \right)^{n+3}$

2) Estudiar la continuidad de la función f en $x = 0$ siendo $f(x) = \begin{cases} 2x^2 & \text{si } x > 0 \\ 1+x-e^x & \\ -4x+2 & \text{si } x \leq 0 \end{cases}$

3) La función de ganancia marginal por producir por unidad está dada por $G'(x) = \frac{2x+5}{x^2+5x+20}$.

Determinar en asciende la ganancia si la producción varía de 20 a 30 unidades.

4) Hallar el polinomio de Taylor de orden 3 de $f(x) = \sin(3x)$ en $x = 0$. Calcular un valor aproximado de $\sin(0,3)$ por medio del polinomio.

Respuestas : 1) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n-2}{n+5} \right)^{n+3} = e^{-7}$ 2) f no es continua en $x = 0$ 3) $G_{(30)} - G_{(20)} \sim 0,722$

4) $P_3(0,1) \approx 0,2955 \approx \sin 0,3 \approx f(0,1)$

Segundo parcial_1997:

1) La función de demanda para cierto producto es $p = D(q) = \sqrt{750-q}$ ($0 \leq q \leq 750$) y el punto de equilibrio es (125;25).

Calcular el excedente del consumidor cuando el mercado está en equilibrio.

2) Hallar $a \in \mathbb{R}$ para que $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{5e^x + \sin x - 5}{\ln(1+ax)} \right) = \frac{3}{4}$

3) Calcular el límite de la sucesión $a_n = \left(\frac{7n+5}{7n} \right)^{3n+2}$

4) Estudiar la convergencia de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n(n+2)}{7^n}$

Rta.: 1) EC. $\approx 151,397$ 2) $a = 8$ 3) $e^{15/7}$ 4) converge

Segundo Parcial: Primer cuatrimestre 1997

1) Calcular $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^2 - 3n} - \sqrt{n^2 + 6} \right)$.

2) Calcular $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{\sin(2x-4)}{x^3 + e^{3x+6} - 9} \right)$.

3) Calcular el excedente del consumidor cuando el mercado está en equilibrio, si la función de demanda es $D(q) = -2q^2 - q + 91$ y la de oferta es $O(q) = 3q + 61$.

4) Analizar la convergencia de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^4}{e^{3n}}$

Respuestas: 1) $\frac{3}{2}$ 2) $\frac{2}{15}$ 3) E. C. = 40,5 4) La serie converge.

Segundo Parcial: Primer cuatrimestre 1997

1) Calcular $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n + \sqrt{n^2 + 5}}{7n + 1}$.

2) Calcular $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{sen} x^2}{x(e^{3x} - 1)}$.

3) Un comerciante sabe que la función de ingreso marginal es: $R'(q) = \frac{q}{\sqrt{4q^2 + 64}}$

Sabiendo que si no hay ventas, el ingreso es nulo. ¿Cuánto ingresará si se venden 3 unidades?

4) Estudiar la convergencia de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{1+4^n}$.

Respuestas: 1) $\frac{4}{7}$ 2) $\frac{1}{3}$ 3) $R(q) = \frac{1}{4} \cdot \sqrt{4q^2 + 64} - 2$ 4) La serie es convergente

Segundo Parcial: 1° Cuatrimestre 1997

1) Calcular el $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{n+2}{n+8} \right)^{3n}$.

2) Sea $f: (4, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$, dada por $f(x) = \begin{cases} \ln(x-4) & \text{si } x \neq 5 \\ x^2 - 25 & \\ a & \text{si } x = 5 \end{cases}$. Calcular a para que f sea continua en $x = 5$.

3) La función de demanda de cierto producto es $p = D(q) = \frac{90}{q+1} - 1$ para $0 \leq q \leq 89$. Si el punto de equilibrio es $(14, 5)$, calcular el excedente del consumidor.

4) Estudiar la convergencia de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n}{5n+1} \right)^n$. Justifique la respuesta

Respuestas: 1) e^{-18} 2) $a = \frac{1}{10}$ 3) E. C. = 173,72

Segundo Parcial: 1° Cuatrimestre 1997

1) Hallar el límite de $a_n = \frac{1}{n} \operatorname{sen} n - \frac{4n^{12} + 3n^4 - n}{1 + n^2 + 3n^{12}}$

2) Calcular $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{e^x - 1}{2x \cos x} \right)$.

3) La función de ingreso marginal para un fabricante es $R'(q) = \frac{1200}{\sqrt[3]{q^2}}$. Obtener el cambio que se produce en los ingresos totales del fabricante si aumenta su producción de 343 a 1000.

4) Analizar la convergencia de la serie $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n^{100}}{2^n}$

Respuestas : 1) $-\frac{4}{3}$ 2) $\frac{1}{2}$ 3) $R(1000) - R(343) = 10.800$ 4) La serie converge absolutamente.